SESSION 2015
Nouvelle Calédonie

BREVET DE TECHNICIEN SUPÉRIEUR AGRICOLE
TRAITEMENT DE DONNÉES

Toutes options

Durée : 3 heures

Matériel(s) et document(s) autorisé(s) : **Calculatrice**

Le sujet comporte 8 pages (7 + 1 papier millimétré)

EXERCICE 1 : ..... 5 points
EXERCICE 2 : ..... 4 points
EXERCICE 3 : ..... 7 points
EXERCICE 4 : ..... 4 points

L'annexe A est à rendre avec la copie

SUJET

Exercice 1 (5 points)

Une analyse sensorielle a été réalisée sur la qualité du saumon fumé en fonction de son origine géographique.

L'étude porte sur des saumons d'espèce « Salmo salar » élevés et transformés dans les mêmes conditions. Chaque échantillon de saumon a été dégusté à l'aveugle par un panel de 30 dégustateurs. Ceux-ci se prononcent sur l'aspect, l'odeur et le goût des produits, puis donnent une appréciation générale.

Les résultats sont consignés dans le tableau suivant :

Origine géographique / Qualité	Alaska	Ecosse	Irlande	Norvège
Excellente	12	9	10	15
Bonne	10	11	13	11
Moyenne	8	10	7	4

Peut-on considérer, au seuil de risque 0,05, que la qualité du saumon fumé dépend de son origine géographique ?

Exercice 2 **(4 points)**

Une entreprise agro-alimentaire commercialise des sacs d'alimentation pour poules pondeuses. On note X la variable aléatoire prenant pour valeurs la masse, exprimée en kilogrammes, d'un sac d'alimentation prélevé au hasard dans la production de l'entreprise.

On suppose que la variable aléatoire X est distribuée selon la loi normale d'espérance 14 et d'écart type $0{,}2$.

1. **a.** Un sac est commercialisable si sa masse est comprise entre 13,6 et 14,4 kilogrammes.
Déterminer la probabilité qu'un sac prélevé au hasard dans la production soit commercialisable.

b. On considère l'intervalle [14 - a ; 14 + a] où a est un nombre réel. La probabilité, qu'un sac prélevé au hasard dans la production ait une masse appartenant à cet intervalle, est égale à 0,99.

Déterminer a.

2. A tout échantillon aléatoire simple de 16 sacs, prélevés dans la production de l'entreprise, on associe la masse moyenne des sacs. On définit ainsi la variable aléatoire $\overline{X}$ prenant pour valeur la masse moyenne des sacs d'un échantillon.

a. Déterminer la loi de probabilité de la variable aléatoire $\overline{X}$.

b. Déterminer la probabilité que la masse moyenne de céréales des sacs d'un échantillon soit supérieure à 14,12 kilogrammes.

Exercice 3 **(7 points)**

Un laboratoire a procédé à une étude sur 4 000 pieds de blé afin de mesurer leur résistance face à la rouille des tiges au fur et à mesure des années, si on ne procède à aucun traitement.

On observe les données suivantes.

Mois	Juin 2006	Juin 2007	Juin 2008	Juin 2009	Juin 2010	Juin 2011	Juin 2012	Juin 2013
Année x_i	1	2	3	4	5	6	7	8
Nombre de pieds atteints y_i	2	7	12	19	30	47	70	143

1. Construire le nuage de points de cette série.
On utilisera la **feuille de papier millimétré joint au sujet**.

2. Expliquer pourquoi un ajustement linéaire entre les variables X et Y ne peut être retenu.

3. On souhaite établir une relation entre y (le nombre de pieds atteints) et x (les années) de la forme :

$y = ke^{\alpha x}$

Pour cela on effectue le changement de variable pour $1 \leq i \leq 8$ $z_i = ln(y_i)$

Déterminer dans le tableau de l'**annexe A**, les valeurs z_i pour $1 \leq i \leq 8$.

4. Déterminer, à l'aide de la calculatrice, le coefficient de détermination entre les variables Z et X. Donner une interprétation de ce résultat.
5. Déterminer une équation de la droite de régression de Z en X par la méthode des moindres carrés.
6. En déduire une relation de la forme $y = ke^{ax}$.
7. On admet que l'évolution se poursuit jusqu'en 2017 dans les mêmes conditions. Estimer le nombre de pieds atteints en 2017.

Exercice 4 (4 points)

Une forêt est peuplée d'escargots des bois de l'espèce *Cepea nemoralis* dont les coquilles peuvent différer par leur forme et leur couleur.

Dans cet exercice on s'intéresse à la proportion inconnue d'escargots des bois de l'espèce *Cepea nemoralis* de couleur jaune dans cette population. On note p cette proportion.

On considère la variable aléatoire F qui, à un échantillon aléatoire simple de 120 escargots, associe la fréquence d'escargots de couleur jaune.

1.
   a. Déterminer l'espérance mathématique de la variable aléatoire F.
   b. Par quelle loi de probabilité peut-on approcher la loi de la variable aléatoire F ?
   c. On rappelle que l'écart type de la variable aléatoire F est égal à $\sqrt{\dfrac{p(1-p)}{120}}$.

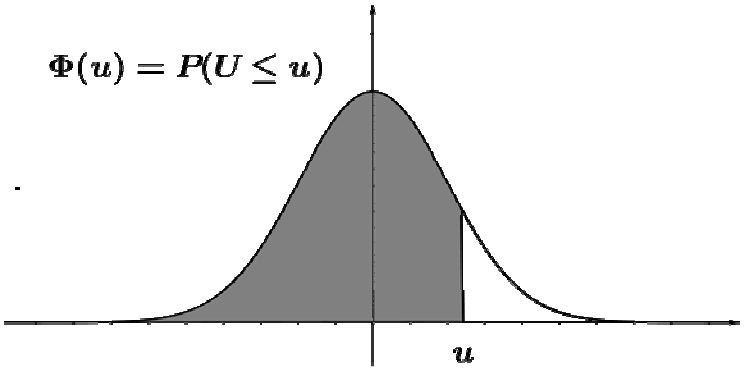
      Dans cette question, on suppose que $p = 0{,}3$

      Déterminer une valeur approchée de $P(F \leq 0{,}25)$.

2. Un naturaliste a observé dans un échantillon aléatoire simple de 120 escargots de cette espèce, 30 escargots de couleur jaune.

   Déterminer une estimation par intervalle de confiance de la proportion p au niveau de confiance 0,95.

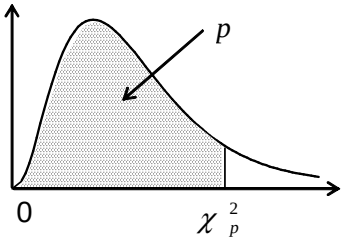
Fonction de répartition de la variable normale centrée réduite



u	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0,0	0,5000	0,5040	0,5080	0,5120	0,5160	0,5199	0,5239	0,5279	0,5319	0,5359
0,1	0,5398	0,5438	0,5478	0,5517	0,5557	0,5596	0,5636	0,5675	0,5714	0,5753
0,2	0,5793	0,5832	0,5871	0,5910	0,5948	0,5987	0,6026	0,6064	0,6103	0,6141
0,3	0,6179	0,6217	0,6255	0,6293	0,6331	0,6368	0,6406	0,6443	0,6480	0,6517
0,4	0,6554	0,6591	0,6628	0,6664	0,6700	0,6736	0,6772	0,6808	0,6844	0,6879
0,5	0,6915	0,6950	0,6985	0,7019	0,7054	0,7088	0,7123	0,7157	0,7190	0,7224
0,6	0,7257	0,7291	0,7324	0,7357	0,7389	0,7422	0,7454	0,7486	0,7517	0,7549
0,7	0,7580	0,7611	0,7642	0,7673	0,7704	0,7734	0,7764	0,7794	0,7823	0,7852
0,8	0,7881	0,7910	0,7939	0,7967	0,7995	0,8023	0,8051	0,8078	0,8106	0,8133
0,9	0,8159	0,8186	0,8212	0,8238	0,8264	0,8289	0,8315	0,8340	0,8365	0,8389
1,0	0,8413	0,8438	0,8461	0,8485	0,8508	0,8531	0,8554	0,8577	0,8599	0,8621
1,1	0,8643	0,8665	0,8686	0,8708	0,8729	0,8749	0,8770	0,8790	0,8810	0,8830
1,2	0,8849	0,8869	0,8888	0,8907	0,8925	0,8944	0,8962	0,8980	0,8997	0,9015
1,3	0,9032	0,9049	0,9066	0,9082	0,9099	0,9115	0,9131	0,9147	0,9162	0,9177
1,4	0,9192	0,9207	0,9222	0,9236	0,9251	0,9265	0,9279	0,9292	0,9306	0,9319
1,5	0,9332	0,9345	0,9357	0,9370	0,9382	0,9394	0,9406	0,9418	0,9429	0,9441
1,6	0,9452	0,9463	0,9474	0,9484	0,9495	0,9505	0,9515	0,9525	0,9535	0,9545
1,7	0,9554	0,9564	0,9573	0,9582	0,9591	0,9599	0,9608	0,9616	0,9625	0,9633
1,8	0,9641	0,9649	0,9656	0,9664	0,9671	0,9678	0,9686	0,9693	0,9699	0,9706
1,9	0,9713	0,9719	0,9726	0,9732	0,9738	0,9744	0,9750	0,9756	0,9761	0,9767
2,0	0,9772	0,9778	0,9783	0,9788	0,9793	0,9798	0,9803	0,9808	0,9812	0,9817
2,1	0,9821	0,9826	0,9830	0,9834	0,9838	0,9842	0,9846	0,9850	0,9854	0,9857
2,2	0,9861	0,9864	0,9868	0,9871	0,9875	0,9878	0,9881	0,9884	0,9887	0,9890
2,3	0,9893	0,9896	0,9898	0,9901	0,9904	0,9906	0,9909	0,9911	0,9913	0,9916
2,4	0,9918	0,9920	0,9922	0,9925	0,9927	0,9929	0,9931	0,9932	0,9934	0,9936
2,5	0,9938	0,9940	0,9941	0,9943	0,9945	0,9946	0,9948	0,9949	0,9951	0,9952
2,6	0,9953	0,9955	0,9956	0,9957	0,9959	0,9960	0,9961	0,9962	0,9963	0,9964
2,7	0,9965	0,9966	0,9967	0,9968	0,9969	0,9970	0,9971	0,9972	0,9973	0,9974
2,8	0,9974	0,9975	0,9976	0,9977	0,9977	0,9978	0,9979	0,9979	0,9980	0,9981
2,9	0,9981	0,9982	0,9982	0,9983	0,9984	0,9984	0,9985	0,9985	0,9986	0,9986
3,0	0,9987	0,9987	0,9987	0,9988	0,9988	0,9989	0,9989	0,9989	0,9990	0,9990

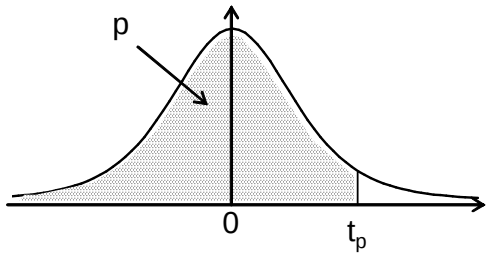
Fonction de répartition d'une variable du Khi2 à k degrés de liberté

Valeurs χ^2_p telles que $\text{Prob}(\chi^2 \leq \chi^2_p) = p$



k \ p	0,005	0,010	0,025	0,050	0,100	0,900	0,950	0,975	0,990	0,995
1	0,000	0,000	0,001	0,004	0,02	2,71	3,84	5,02	6,63	7,88
2	0,01	0,02	0,05	0,10	0,21	4,61	5,99	7,38	9,21	10,60
3	0,07	0,11	0,22	0,35	0,58	6,25	7,81	9,35	11,34	12,84
4	0,21	0,30	0,48	0,71	1,06	7,78	9,49	11,14	13,28	14,86
5	0,41	0,55	0,83	1,15	1,61	9,24	11,07	12,83	15,09	16,75
6	0,68	0,87	1,24	1,64	2,20	10,64	12,59	14,45	16,81	18,55
7	0,99	1,24	1,69	2,17	2,83	12,02	14,07	16,01	18,48	20,28
8	1,34	1,65	2,18	2,73	3,49	13,36	15,51	17,53	20,09	21,95
9	1,73	2,09	2,70	3,33	4,17	14,68	16,92	19,02	21,67	23,59
10	2,16	2,56	3,25	3,94	4,87	15,99	18,31	20,48	23,21	25,19
11	2,60	3,05	3,82	4,57	5,58	17,28	19,68	21,92	24,73	26,76
12	3,07	3,57	4,40	5,23	6,30	18,55	21,03	23,34	26,22	28,30
13	3,57	4,11	5,01	5,89	7,04	19,81	22,36	24,74	27,69	29,82
14	4,07	4,66	5,63	6,57	7,79	21,06	23,68	26,12	29,14	31,32
15	4,60	5,23	6,26	7,26	8,55	22,31	25,00	27,49	30,58	32,80
16	5,14	5,81	6,91	7,96	9,31	23,54	26,30	28,85	32,00	34,27
17	5,70	6,41	7,56	8,67	10,09	24,77	27,59	30,19	33,41	35,72
18	6,26	7,01	8,23	9,39	10,86	25,99	28,87	31,53	34,81	37,16
19	6,84	7,63	8,91	10,12	11,65	27,20	30,14	32,85	36,19	38,58
20	7,43	8,26	9,59	10,85	12,44	28,41	31,41	34,17	37,57	40,00
21	8,03	8,90	10,28	11,59	13,24	29,62	32,67	35,48	38,93	41,40
22	8,64	9,54	10,98	12,34	14,04	30,81	33,92	36,78	40,29	42,80
23	9,26	10,20	11,69	13,09	14,85	32,01	35,17	38,08	41,64	44,18
24	9,89	10,86	12,40	13,85	15,66	33,20	36,42	39,36	42,98	45,56
25	10,52	11,52	13,12	14,61	16,47	34,38	37,65	40,65	44,31	46,93
26	11,16	12,20	13,84	15,38	17,29	35,56	38,89	41,92	45,64	48,29
27	11,81	12,88	14,57	16,15	18,11	36,74	40,11	43,19	46,96	49,65
28	12,46	13,56	15,31	16,93	18,94	37,92	41,34	44,46	48,28	50,99
29	13,12	14,26	16,05	17,71	19,77	39,09	42,56	45,72	49,59	52,34
30	13,79	14,95	16,79	18,49	20,60	40,26	43,77	46,98	50,89	53,67
35	17,19	18,51	20,57	22,47	24,80	46,06	49,80	53,20	57,34	60,27
40	20,71	22,16	24,43	26,51	29,05	51,81	55,76	59,34	63,69	66,77
45	24,31	25,90	28,37	30,61	33,35	57,51	61,66	65,41	69,96	73,17
50	27,99	29,71	32,36	34,76	37,69	63,17	67,50	71,42	76,15	79,49
60	35,53	37,48	40,48	43,19	46,46	74,40	79,08	83,30	88,38	91,95
70	43,28	45,44	48,76	51,74	55,33	85,53	90,53	95,02	100,43	104,21
80	51,17	53,54	57,15	60,39	64,28	96,58	101,88	106,63	112,33	116,32
90	59,20	61,75	65,65	69,13	73,29	107,57	113,15	118,14	124,12	128,30
100	67,33	70,06	74,22	77,93	82,36	118,50	124,34	129,56	135,81	140,17

Fonction de répartition d'une variable de Student à k degrés de liberté.
Valeurs t_p telles que Prob($T \leq t_p$) = p



k \ p	0,90	0,95	0,975	0,99	0,995	0,999	0,9995
1	3,08	6,31	12,71	31,82	63,66	318,29	636,58
2	1,89	2,92	4,30	6,96	9,92	22,33	31,60
3	1,64	2,35	3,18	4,54	5,84	10,21	12,92
4	1,53	2,13	2,78	3,75	4,60	7,17	8,61
5	1,48	2,02	2,57	3,36	4,03	5,89	6,87
6	1,44	1,94	2,45	3,14	3,71	5,21	5,96
7	1,41	1,89	2,36	3,00	3,50	4,79	5,41
8	1,40	1,86	2,31	2,90	3,36	4,50	5,04
9	1,38	1,83	2,26	2,82	3,25	4,30	4,78
10	1,37	1,81	2,23	2,76	3,17	4,14	4,59
11	1,36	1,80	2,20	2,72	3,11	4,02	4,44
12	1,36	1,78	2,18	2,68	3,05	3,93	4,32
13	1,35	1,77	2,16	2,65	3,01	3,85	4,22
14	1,35	1,76	2,14	2,62	2,98	3,79	4,14
15	1,34	1,75	2,13	2,60	2,95	3,73	4,07
16	1,34	1,75	2,12	2,58	2,92	3,69	4,01
17	1,33	1,74	2,11	2,57	2,90	3,65	3,97
18	1,33	1,73	2,10	2,55	2,88	3,61	3,92
19	1,33	1,73	2,09	2,54	2,86	3,58	3,88
20	1,33	1,72	2,09	2,53	2,85	3,55	3,85
21	1,32	1,72	2,08	2,52	2,83	3,53	3,82
22	1,32	1,72	2,07	2,51	2,82	3,50	3,79
23	1,32	1,71	2,07	2,50	2,81	3,48	3,77
24	1,32	1,71	2,06	2,49	2,80	3,47	3,75
25	1,32	1,71	2,06	2,49	2,79	3,45	3,73
26	1,31	1,71	2,06	2,48	2,78	3,43	3,71
27	1,31	1,70	2,05	2,47	2,77	3,42	3,69
28	1,31	1,70	2,05	2,47	2,76	3,41	3,67
29	1,31	1,70	2,05	2,46	2,76	3,40	3,66
30	1,31	1,70	2,04	2,46	2,75	3,39	3,65
35	1,31	1,69	2,03	2,44	2,72	3,34	3,59
40	1,30	1,68	2,02	2,42	2,70	3,31	3,55
45	1,30	1,68	2,01	2,41	2,69	3,28	3,52
50	1,30	1,68	2,01	2,40	2,68	3,26	3,50
60	1,30	1,67	2,00	2,39	2,66	3,23	3,46
80	1,29	1,66	1,99	2,37	2,64	3,20	3,42
100	1,29	1,66	1,98	2,36	2,63	3,17	3,39
200	1,29	1,65	1,97	2,35	2,60	3,13	3,34
500	1,28	1,65	1,96	2,33	2,59	3,11	3,31
1000	1,28	1,65	1,96	2,33	2,58	3,10	3,30
10000	1,28	1,64	1,96	2,33	2,58	3,09	3,29

MINISTERE DE L'AGRICULTURE

EXAMEN :

Nom :
(EN MAJUSCULES)
Prénoms :

Spécialité ou Option :

EPREUVE :

Date de naissance : 19

Centre d'épreuve :

Date :

N° ne rien inscrire

ANNEXE A (à compléter et à rendre avec la copie)

N° ne rien inscrire

EXERCICE 3 :

Question 3

Année x_i	1	2	3	4	5	6	7	8
Nombre de pieds atteints y_i	2	7	12	19	30	47	70	143
$z_i = ln(y_i)$								

M. E X.

MINISTÈRE DE L'AGRICULTURE

EXAMEN

NOM :
(EN MAJUSCULES)

Spécialité ou Option :

Prénoms :

ÉPREUVE :

Date de naissance : **19**

Centre d'épreuve :

Date :

N° ne rien inscrire

N° ne rien inscrire